



Université Lille Nord de France  
Pôle de Recherche  
et d'Enseignement Supérieur

## Ecole Doctorale 631 MADIS

### Sujet de thèse en Mathématique proposé en 2022

**Titre : Systèmes dynamiques linéaires et perturbations d'opérateurs**

**Directeur de thèse : Sophie Grivaux**

**E-mail :** sophie.grivaux@univ-lille.fr

**Co-directeur de thèse :**

**E-mail :**

**Laboratoire : Laboratoire Paul Painlevé**

**Equipe : Analyse**

#### **Descriptif :**

##### **Systèmes dynamiques linéaires et perturbations d'opérateurs**

Un système dynamique linéaire est la donnée d'un couple  $(X, T)$  formé d'un espace de Banach séparable (réel ou complexe)  $X$  et d'un opérateur linéaire borné  $T$  sur  $X$ . Dans l'étude du système  $(X, T)$  en tant que système dynamique topologique, la notion d'*hypercyclicité* joue un rôle fondamental: l'opérateur  $T$  est dit hypercyclique s'il existe un vecteur  $x$  de  $X$  dont l'orbite sous l'action de  $T$  est dense dans  $X$ . Cette notion admet plusieurs variantes importantes, comme celles d'*hypercyclicité fréquente* ou de *U-fréquente hypercyclicité* qui tirent leur origine de l'étude des systèmes dynamiques linéaires sous l'angle de la théorie ergodique. L'opérateur  $T$  est dit fréquemment hypercyclique (respectivement U-fréquemment hypercyclique) s'il existe un vecteur  $x$  de  $X$  tel que, pour tout ouvert non-vide  $U$  de  $X$ , l'ensemble des temps de visite de l'orbite de  $x$  dans  $U$  est de densité inférieure (respectivement supérieure) strictement positive.

Le but de ce sujet de thèse sera d'étudier ces propriétés pour une classe particulière d'opérateurs sur les espaces de suites  $l_p$  donnée par les sommes d'opérateurs diagonaux à coefficients diagonaux unimodulaires et de décalages à gauche pondérés. Cette étude, entamée dans l'article [GMM], pourrait permettre d'exhiber des phénomènes dynamiques nouveaux, et en particulier d'obtenir des exemples «naturels» d'opérateurs U-fréquemment hypercycliques mais non fréquemment hypercycliques sur les espaces  $l_p$ .



Université Lille Nord de France  
Pôle de Recherche  
et d'Enseignement Supérieur

## Références :

[BM] F. Bayart, E. Matheron, Dynamics of Linear Operators, *Cambridge Tracts in Mathematics* 179, Cambridge University Press (2009).

[GEP] K.-G. Grosse-Erdmann, A. Peris, Linear Chaos, *Universitext*, Springer (2011).

[GMM] S. Grivaux, E. Matheron, Q. Menet, Linear dynamical systems on Hilbert spaces: typical properties and explicit examples, *Mem. Amer. Math. Soc.* 269 (2021), no 1315, 147 p.